

$$\begin{array}{ccc} -1 & \wedge & x \\ a & h \wedge - & a \\ x & h-f--o & x \\ a & r & a \end{array} \quad \begin{array}{ccc} y & & \\ \grave{e} \sim^0 g & & \\ t & & \\ \circ & & * \end{array}$$

ovverosia dalle seguenti

$$t f y? - a^2 y^2 = 0, \quad c^{2*2} - *Y = 0, \quad d^2 x^2 - a^2 w^2 = 0.$$

Queste ultime equazioni si possono riguardare come appartenenti a tre superfic 2° grado passanti per quegli otto punti, epperò l'equazione

$$(p j^* - f v e^2 + T u d^2) x^2 - O / - f v^{\wedge 2} + 7 u w / ^2 X = 0$$

rappresenterà un sistema doppiamente infinito di superficie di 2° ordine passanti per gli otto punti anzidetti, e rispetto a ciascuna delle quali il tetraedro fondamentale è conjugato a sé stesso. I poli, rispetto a questo sistema di superficie, del piano

$$I x - | - m y - j - n \wedge - j \sim p w = 0,$$

sono determinati dalle equazioni seguenti, in cui p rappresenta una quantità indeterminata ,

$$\begin{aligned} [/. i^2 x - j - v e^2 x \sim j - T U d^* x - | - p / &= 0, \\ - p - \#^2 y &- j - p w = 0, \\ - v a^2 f &- j - p ; / = 0, \\ - 7 ; a^2 w - j \sim p p &= \end{aligned}$$

o . Eliminando le arbitrane [/, v, TU e p si ottiene

$$(3) \quad - + - + \wedge + f - f = 0,$$

equazione che rappresenta il luogo geometrico dei poli anzidetti. Quest'equazione è identica a quella trovata precedentemente per la superficie dei 28 punti. Si ha dunque, per questo riguardo, un teorema affatto analogo a quello già dimostrato per il piano.

## VI.

Consideriamo la superficie di 3° ordine rappresentata dall'equazione (3). L'equazione del piano ungente ad essa nel

punto  $(x, y \wedge w)$  può mettersi sotto